

Probabilités Série 3

Ne rien écrire sur l'énoncé ! Rédigez vos raisonnements sur des feuilles à part !

Exercice 1 :

On extrait 3 cartes d'un jeu de 32 cartes. Déterminer la probabilité d'obtenir :

- a) Trois cartes rouges
- b) Une seule carte rouge
- c) Le roi de carreau
- d) Deux trèfles et un cœur
- e) Deux valets et un pique
- f) Que des figures **sachant que** l'on a la dame de cœur

Exercice 2 :

On lance deux dés bien équilibrés. On considère les événements :

$A =$ " la face 2 apparaît au moins une fois" et $B =$ "la somme des points est égale à 6"

Calculer :

- | | | |
|-----------|------------------|-------------------|
| a) $P(A)$ | c) $P(A \cap B)$ | e) $P(B A)$ |
| b) $P(B)$ | d) $P(A B)$ | f) $P(B \bar{A})$ |

Exercice 3 :

Trois machines A , B et C produisent respectivement 50%, 30% et 20% du nombre total de pièces fabriquées dans une usine. Les pourcentages des pièces défectueuses produites par ces machines sont respectivement de 3%, 4% et 5%. On prend au hasard une pièce dans la production, déterminer la probabilité:

- a) Que la pièce soit défectueuse.
- b) Qu'elle provienne de la machine A si elle est défectueuse.
- c) Qu'elle provienne de la machine B ou C si elle n'est pas défectueuse.

Exercice 4 :

Trois pièces non truquées (50 centimes, 20 centimes, 1 franc) sont jetées simultanément. Déterminer la probabilité que toutes les pièces donnent face sachant que :

- a) La pièce de 50 centimes a donné face
- b) Au moins l'une des pièces a donné face

Exercice 5 :

Un sac contient 20 jetons. La moitié d'entre eux sont noirs, les autres blancs. Un quart des jetons portent en plus une marque spéciale. Trois d'entre eux sont noirs. On tire au hasard un jeton du sac. Quelle est la probabilité que ce jeton :

- soit noir si l'on sait qu'il porte une marque ?
- ne porte pas de marque si l'on sait qu'il est blanc ?

Exercice 6 :

On dispose de 2 pièces de monnaie *A* et *B*. La pièce *A* est normale, l'autre est truquée de sorte de pile apparaisse deux fois plus souvent que face. On choisit une des pièces au hasard, puis on la lance. Déterminer la probabilité :

- D'obtenir face.
- D'obtenir la pièce *A* et pile.
- D'avoir choisi la pièce *B* alors que l'on a obtenu face.

Exercice 7 :

Dans une ville imaginaire, 40% de la population ont les cheveux bruns, 25% ont les yeux bruns et 15% ont les yeux et cheveux bruns. On choisit au hasard une personne.

- Si elle a les cheveux bruns, quelle est la probabilité qu'elle ait les yeux bruns ?
- Si elle a les yeux bruns, quelle est la probabilité qu'elle n'ait pas les cheveux bruns ?
- Quelle est la probabilité qu'elle n'ait ni les cheveux bruns ni les yeux bruns ?

Exercice 8 :

Les 2000 habitants d'un village se répartissent de la manière suivante en fonction du groupe sanguin et du facteur Rhésus.

	A	B	AB	O
Rh +	656	162	83	720
RH -	144	38	17	180

Si un habitant de ce village (suite à un accident ou lors d'une opération) a besoin d'une transfusion sanguine, quelle est la probabilité en % qu'il aie besoin :

- de sang O et Rh + ?
- de sang Rh - sachant qu'il a un groupe sanguin AB ?
- de sang B et Rh - ?
- de sang A sachant qu'il a un facteur RH - ?
- de facteur Rh - sachant qu'il a un sang A ?

Solutions Probabilités Série 3

Exercice 1 :

a) $560/4960 \cong 11,29\%$ b) $38,71\%$ c) $9,38\%$ d) $4,52\%$ e) $1,7\%$ f) $11,83\%$

Exercice 2:

a) $11/36$ b) $5/36$ c) $2/36$ d) 40% e) $18,18\%$ f) 12%

Exercice 3:

a) $3,7\%$ b) $40,54\%$ c) $49,64\%$

Exercice 4:

a) 25% b) $14,29\%$

Exercice 5 :

a) 60% b) 80%

Exercice 6:

a) $5/12 = 41,67\%$ b) 25% c) 40%

Exercice 7 :

a) $37,5\%$ b) 40% c) 50%

Exercice 8 :

a) 36% b) 17% c) $1,9\%$ d) 38% e) 18%

Solution Probabilités Série 3 (PROF)

Exercice 1:

L'ordre ne compte pas.

$$a) P(3R) = \frac{C_3^{16}}{C_3^{32}} = \frac{560}{4960} \cong 11,29\% \text{ ou:}$$

$$P(3R) = P(R_{1er \text{ tirage}}) \cdot P(R_{2e \text{ tirage}} | R_{1er \text{ tirage}}) \cdot P(R_{3e \text{ tirage}} | R_{2e \text{ tirage}} \cap R_{1er \text{ tirage}}) = \frac{16}{32} \cdot \frac{15}{31} \cdot \frac{14}{30}$$

$$b) P(1R\&2N) = \frac{C_1^{16} C_2^{16}}{C_3^{32}} = \frac{16 \cdot 20}{4960} \cong 38,71\% \text{ ou:}$$

$$P(1R\&2N) = P(RNN) + P(NRN) + P(NNR) = \frac{16}{32} \cdot \frac{16}{31} \cdot \frac{15}{30} + \frac{16}{32} \cdot \frac{16}{31} \cdot \frac{15}{30} + \frac{16}{32} \cdot \frac{16}{31} \cdot \frac{15}{30} = \frac{12}{31} \cong 38,71\%$$

$$c) P(\text{Roi de carreau} + 2qcq) = \frac{C_1^1 C_2^{31}}{C_3^{32}} = \frac{465}{4960} \cong 9,38\%$$

$$\text{ou: } P(RAA) + P(ARA) + P(AAR) = \frac{1}{32} \cdot \frac{31}{31} \cdot \frac{30}{30} + \frac{31}{32} \cdot \frac{1}{31} \cdot \frac{30}{30} + \frac{31}{32} \cdot \frac{30}{31} \cdot \frac{1}{31} = \frac{3}{32} \cong 9,38\%$$

$$d) P(2 \text{ trèfles} \& 1 \text{ coeur}) = \frac{C_2^8 C_1^8}{C_3^{32}} = \frac{28 \cdot 8}{4960} = 4,52\%$$

$$P(TTC) + P(TCT) + P(CTT) = \frac{8}{32} \cdot \frac{7}{31} \cdot \frac{8}{30} + \frac{8}{32} \cdot \frac{8}{31} \cdot \frac{7}{30} + \frac{8}{32} \cdot \frac{8}{31} \cdot \frac{7}{30} \cong 4,52\%$$

$$e) P(2V\&1P) = \frac{\overbrace{C_2^3 C_1^7}^{\text{Sans Vpiq}}}{C_3^{32}} + \frac{\overbrace{C_1^1 C_1^3 C_1^{21}}^{\text{Avec Vpiq+1V+1qcq}}}{C_3^{32}} = \frac{84}{4960} \cong 1,7\%$$

$$f) P(3 \text{ Fig} | D \text{ coeur}) = \frac{P(3 \text{ Fig} \cap D \text{ coeur})}{P(D \text{ coeur} \& 2 \text{ qcq})} = \left(\frac{C_2^{11} C_1^1}{4960} \right) \div \left(\frac{C_1^1 C_2^{31}}{4960} \right) = \left(\frac{55}{4960} \right) \div \left(\frac{465}{4960} \right) = \frac{55}{465} \cong 11,83\%$$

Exercice 2:

On peut utiliser le tableau de l'exercice 5 de la série 2. On a:

$$A = \{(2; 1); (2; 2); (2; 3); (2; 4); (2; 5); (2; 6); (1; 2;); (3; 2); (4; 2); (5; 2); (6; 2)\}$$

$$B = \{(1; 5); (2; 4); (3; 3); (4; 2); (5; 1)\}$$

On obtient le tableau suivant:

	<i>A</i>	\bar{A}	total
<i>B</i>	2/36	3/36	5/36
\bar{B}	9/36	22/36	31/36
total	11/36	25/36	36/36

$$a) P(A) = \frac{11}{36} \quad b) P(B) = \frac{5}{36} \quad c) P(A \cap B) = \frac{2}{36}$$

$$d) P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{2/36}{5/36} = 40\%$$

$$e) P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{2/36}{11/36} \cong 18,18\%$$

$$f) P(B|\bar{A}) = \frac{P(\bar{A} \cap B)}{P(\bar{A})} = \frac{3/36}{25/36} \cong 12\%$$

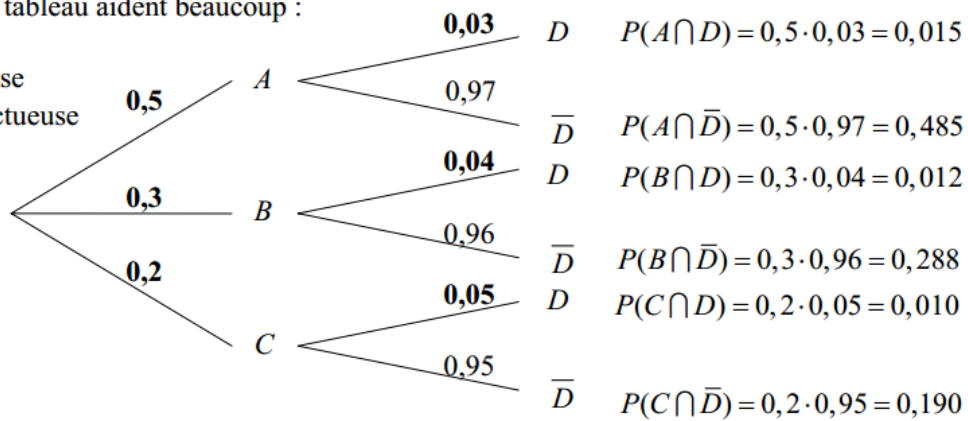
Exercice 3:

Un arbre et un tableau aident beaucoup :

Notons :

D = défectueuse

\bar{D} = non défectueuse



$$P(A \cap D) = P(A) \cdot P(D|A)$$

Total = 1,000

	A	B	C	total
D	$3\% \cdot 50\%$	$4\% \cdot 30\%$	$5\% \cdot 20\%$	3,7%
\bar{D}	$97\% \cdot 50\%$	$96\% \cdot 30\%$	$95\% \cdot 20\%$	96,3%
total	50%	30%	20%	100%

a) $P(D) = 3,7\%$ b) $P(A|D) = \frac{P(A \cap D)}{P(D)} = \frac{3\% \cdot 50\%}{3,7\%} \cong 40,54\%$

c) $P(B \cup C | \bar{D}) = \frac{P((B \cup C) \cap \bar{D})}{P(\bar{D})} = \frac{P((B \cap \bar{D}) \cup (C \cap \bar{D}))}{P(\bar{D})} = \frac{96\% \cdot 30\% + 95\% \cdot 20\%}{96,3\%} = \frac{47,8}{96,3} \cong 49,64\%$

Exercice 4:

0,50 **0,20** **1,00**

P P P
 F P P
 P F P
 P P F
 F F P
 F P F
 P F F
 F F F

L'univers contient 8 éléments.

a) $P(FFF | 50 \text{ centimes a donné face}) = \frac{P(FFF)}{P(50 \text{ centimes}=F)} = \frac{1/8}{4/8} = 25\%$

b) $P(FFF | \text{une pièce a donné face}) = \frac{P(FFF)}{P(\text{une pièce}=F)} = \frac{P(FFF)}{1-P(PPP)} = \frac{1}{7} \cong 14,29\%$

Exercice 5:

Un arbre et un tableau aident beaucoup :

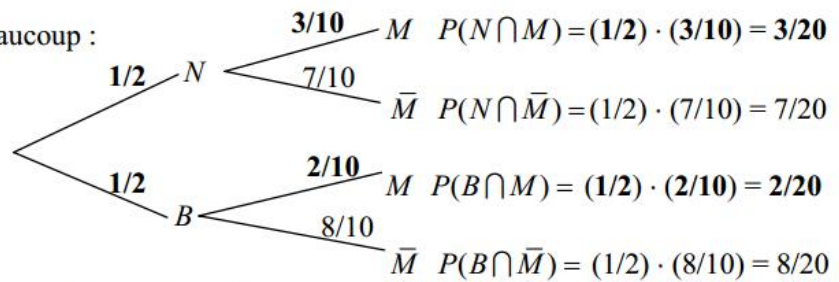
Notons :

N = jeton noir

B = jeton blanc

M = avec la marque

\bar{M} = sans la marque



Il y a 5 jetons avec une marque, donc 3 noirs, donc il y en a 2 qui sont blancs !

$$P(N \cap M) = P(N) \cdot P(M | N)$$

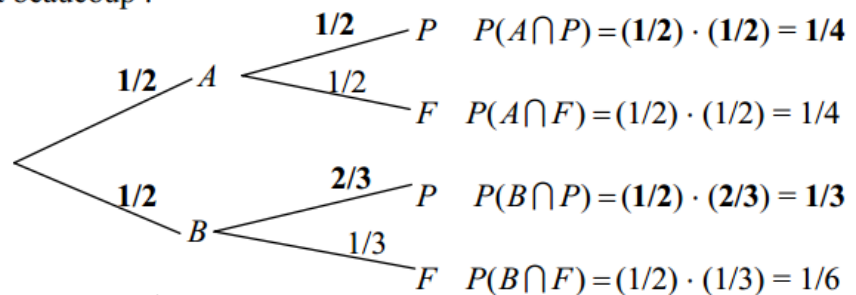
	N	B	total
M	$(3/10) \cdot (10/20)$	$(2/10) \cdot (10/20)$	$5/20$
\bar{M}	$(7/10) \cdot (10/20)$	$(8/10) \cdot (10/20)$	$15/20$
total	$10/20$	$10/20$	$20/20$

$$a) P(N|M) = \frac{P(N \cap M)}{P(M)} = \frac{3}{5} = 60\%$$

$$b) P(\bar{M}|B) = \frac{P(\bar{M} \cap B)}{P(B)} = \frac{8}{10} = 80\%$$

Exercice 6:

Un arbre et un tableau aident beaucoup :



$$P(A \cap P) = P(A) \cdot P(P | A)$$

	A	B	total
P	$1/4$	$2/6$	$7/12$
F	$1/4$	$1/6$	$5/12$
total	$1/2$	$1/2$	$12/12$

$$a) P(F) = \frac{5}{12} \cong 41,67\%$$

$$b) P(P \cap A) = P(A) \cdot P(P|A) = \frac{1}{4} = 0,25 = 25\%$$

$$c) P(B|F) = \frac{P(B \cap F)}{P(F)} = \frac{1/6}{5/12} = \frac{2}{5} = 40\%$$