

Étude de fonction rationnelle



3Ma1

Étude de fonction rationnelle



3Ma1

Étude de fonction rationnelle

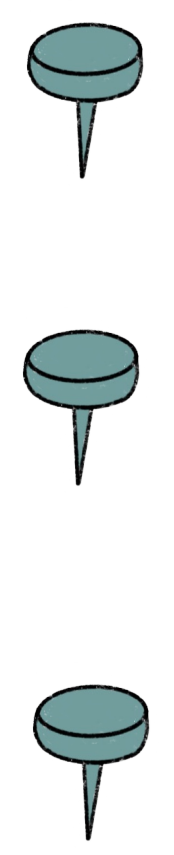


3Ma1

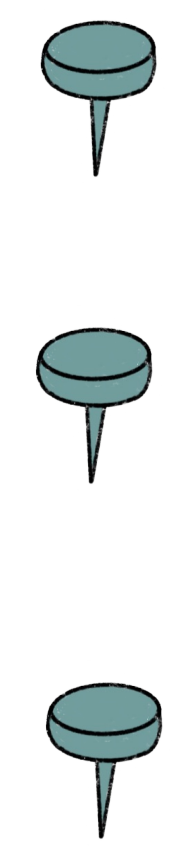
Étude de fonction rationnelle



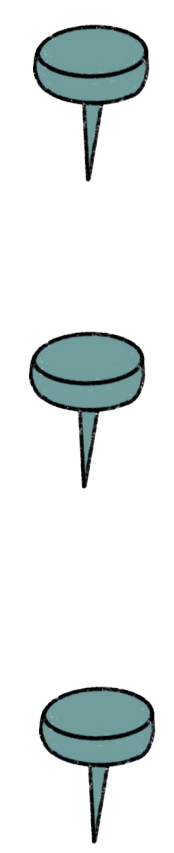
3Ma1



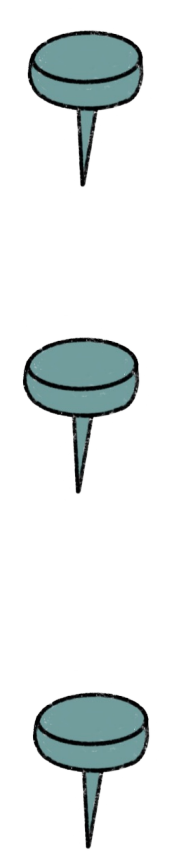
Domaine de définition  $D_f$



Domaine de définition  $D_f$



Domaine de définition  $D_f$

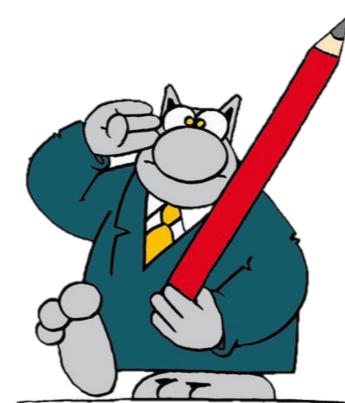


Domaine de définition  $D_f$

Asymptote verticale  $x = a$

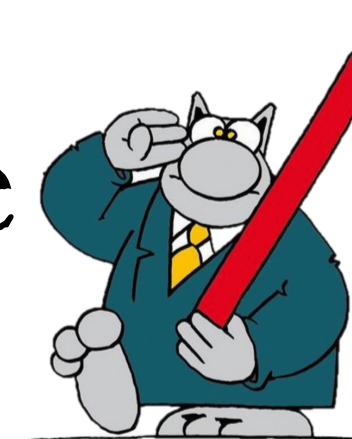
Asymptote verticale  $x = a$

Asymptote horizontale



$$y = h$$

Asymptote horizontale



$$y = h$$



La pente :  $m = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x}$  Si  $m = 0$ , l'asymptote est horizontale

L'ordonnée à l'origine :  $h = \lim_{x \rightarrow \infty} (f(x) - mx)$

Comportement : Etudier les signes de  $\delta(x) = f(x) - d(x)$

$\delta(x)$	—	<b>0</b>	+
$f(x)$	dessous de l'AO.	coupe	au-dessus de l'A-0.


Asymptote oblique   $y = mx + h$

La pente :  $m = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{x}$  Si  $m = 0$ , l'asymptote est horizontale

L'ordonnée à l'origine :  $h = \lim_{x \rightarrow \infty} (f(x) - mx)$

Comportement : Etudier les signes de  $\delta(x) = f(x) - d(x)$

$\delta(x)$	—	<b>0</b>	+
$f(x)$	dessous de l'AO.	coupe	au-dessus de l'A-0.

Asymptote oblique   $y = mx + h$



**Variations :** Signes de  $f'(x)$

$f'(x)$	-	0	+	0	-	0	-
$f(x)$	↘	min	↗	Max	↘	p. c.	↘

↑  
point critique

$$\left(\frac{f}{g}\right)'(x) = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{g^2(x)}$$

$$(g(f(x)))' = g'(f(x)) \cdot f'(x)$$

$$(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$$

Variations



**Variations :** Signes de  $f'(x)$

$f'(x)$	-	0	+	0	-	0	-
$f(x)$	↘	min	↗	Max	↘	p. c.	↘

↑  
point critique

$$\left(\frac{f}{g}\right)'(x) = \frac{f'(x) \cdot g(x) - f(x) \cdot g'(x)}{g^2(x)}$$

$$(g(f(x)))' = g'(f(x)) \cdot f'(x)$$

$$(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$$

Variations

